

فصل اول: هندسه تحلیلی و جبر خطی

۱	درسنامه: ماتریس و خواص آن
۱	ماتریس
۲	اعمال جبری روی ماتریس‌ها
۵	ماتریس ترانهاده (Transpose)
۶	اثر ماتریس (trace)
۷	درسنامه: دترمینان و کاربردهای آن
۷	محاسبه‌ی دترمینان
۸	ویژگی‌های دترمینان
۱۱	وارون (معکوس) یک ماتریس مرتبه n
۱۲	ویژگی‌های ماتریس معکوس
۱۲	ویژگی‌های ماتریس الحقیقی
۱۳	حل دستگاه معادلات خطی
۱۴	تشخیص تعداد جواب‌ها در دستگاه معادلات خطی
۱۶	مقادیر ویژه و بردار ویژه
۲۱	ماتریس‌های متشابه
۲۲	ماتریس‌های مثلثی و قطری شدنی
۲۳	ماتریس معین مثبت و معین منفی
۲۵	ماتریس‌های متعامد
۲۶	درسنامه: رتبه ماتریس
۲۶	استقلال و وابستگی خطی
۲۷	رتبه ماتریس
۳۲	درسنامه: بردارها در فضای سه بعدی
۳۲	دستگاه مختصات قائم
۳۲	بردار
۳۴	حاصل ضرب داخلی دو بردار
۳۵	حاصل ضرب خارجی دو بردار
۳۷	ضرب مختلط سه بردار
۳۹	ضرب برداری سه بردار (حاصل ضرب سه‌گانه)
۴۱	رتبه‌ی یک تبدیل خطی
۴۲	درسنامه: خط و صفحه در فضای سه بعدی
۴۲	معادله خط
۴۷	معادله صفحه
۵۲	فصل مشترک دو صفحه

فصل دوم: رویه‌ها، خم‌ها و توابع برداری

۵۵	درسنامه‌ا: انواع رویه‌ها در فضای سه بعدی
۵۵	تعریف رویه
۶۵	درسنامه‌م: منحنی‌های پارامتری و تعریف توابع برداری
۶۵	منحنی‌های پارامتری
۶۶	تبديل منحنی‌های دکارتی به پارامتری
۶۷	توابع برداری
۶۸	بردارهای سرعت و شتاب
۷۰	طول قوس منحنی‌های پارامتری
۷۱	استفاده از پارامتر طول قوس
۷۲	کنج فرنزه (TNB)
۷۳	بردار یکه‌ی مماس \vec{T}
۷۴	بردار یکه‌ی قائم $\vec{N}(t)$
۷۴	بردار یکه‌ی قائم دوم $\vec{B}(t)$
۷۶	صفحه‌ی مماس بر منحنی (صفحه‌ی بوسان)
۷۷	صفحه‌ی قائم بر منحنی (صفحه‌ی نرمال)
۷۸	صفحه‌ی اصلاحی (صفحه‌ی راست‌گرد)
۷۸	خط مماس بر منحنی پارامتری
۸۰	دروسنامه‌م: انحناء و قاب
۸۰	انحناء یا خمیدگی منحنی C
۹۰	دایره‌ی بوسان و شعاع انحناء
۹۳	تاب (پیچش) منحنی α
۹۶	حرکت در مختصات قطبی

فصل سوم: توابع چند متغیره

۹۷	درسنامه‌ا: دامنه، برد، حد و پیوستگی توابع چند متغیره
۹۷	تعریف توابع چند متغیره
۹۸	دامنه و برد توابع چند متغیره
۹۹	حد توابع دو متغیره
۱۰۷	پیوستگی توابع دو متغیره
۱۰۹	درسنامه‌م: مشق جزئی توابع چند متغیره
۱۰۹	تعریف مشتق جزئی (نسبی یا پاره‌ای)
۱۲۰	مشتق‌پذیری
۱۲۱	دیفرانسیل یک تابع چند متغیره
۱۲۱	دیفرانسیل مرتبه دوم
۱۲۵	بسط تیلور توابع چند متغیره
۱۲۷	مشتق زنجیره‌ای
۱۳۷	مشتق‌گیری ضمنی
۱۳۹	توابع همگن و قضیه اویلر
۱۴۳	محاسبه مشتقهای جزئی یک دستگاه با استفاده از ژاکوبین

فهرست مطالب

۱۴۹	درسنامه ۳: گرادیان و مشتق جهتی (سوئی) و کاربردهای دیگر آن
۱۴۹	گرادیان
۱۵۰	مشتق سوئی (جهتی)
۱۵۴	مراحل محاسبه مشتق جهتی یا سوئی.
۱۵۹	چند خاصیت مهم در مورد مشتقهای جهتی و بردار گرادیان
۱۶۴	صفحه مماس و خط قائم بر یک سطح
۱۷۲	معادله خط مماس و صفحه قائم بر خم حاصل از « تقاطع » دو رویه
۱۷۷	رویه‌های پارامتری
۱۷۸	درسنامه ۴: گول، دیورزانس و لابلسین
۱۷۸	گول و دیورزانس
۱۸۰	لابلسین
۱۸۰	اتحادهای دیفرانسیل برداری
۱۸۶	درسنامه ۵: نقاط بحرانی توابع چند متغیره
۱۸۶	روش پیدا کردن نقاط بحرانی تابع $z = f(x, y)$
۱۹۴	نقاط بحرانی توابع سه متغیره
۱۹۵	به دست آوردن ماکریم و مینیمم توابع مقید با استفاده از روش ضرایب لاگرانژ
۲۱۳	خط کمترین مربعات

فصل چهارم: انتگرال‌های چندگانه

۲۱۴	درسنامه ۱: محاسبه انتگرال‌های دوگانه
۲۱۴	انتگرال نسبت به یک متغیر
۲۱۴	انتگرال از انتگرال
۲۱۷	ناحیه انتگرال‌گیری
۲۱۸	نوشتن حدود در انتگرال دوگانه
۲۲۱	منظم بودن یک ناحیه در راستای محورها
۲۲۴	تعویض ترتیب انتگرال‌گیری
۲۲۴	کاربرد قضیه فوبینی
۲۲۹	تعویض ترتیب انتگرال‌گیری چه زمانی الزامی است؟
۲۴۲	ویژگی‌های انتگرال دوگانه
۲۴۲	انتگرال دوگانه از توابع چند ضابطه‌ای
۲۴۵	استفاده از خاصیت زوج یا فرد بودن تابع زیر انتگرال در انتگرال‌های دوگانه
۲۴۸	استفاده از تقارن متغیرها نسبت به یکدیگر در حل انتگرال‌های دوگانه
۲۵۱	درسنامه ۲: تغییر متغیر در انتگرال دوگانه
۲۵۳	زاکوبین
۲۶۳	ملاحظه‌های مهم در استفاده از تبدیل زاکوبین
۲۶۶	تغییر متغیر قطبی
۲۸۰	تغییر متغیر بیضوی
۲۸۳	همگرایی یا واگرایی انتگرال دوگانه
۲۸۴	ماکریم یا مینیمم کردن انتگرال دوگانه

فهرست مطالب

درسنامه ۳: کاربردهای انتگرال دوگانه	۲۸۵
محاسبه مساحت یک ناحیه	۲۸۵
محاسبه مساحت در دستگاه مختصات قطبی	۲۸۸
محاسبه حجم زیر رویدی $z = f(x, y)$	۲۹۰
مقدار متوسط تابع f	۲۹۴
محاسبه جرم	۲۹۵
گشتاور جرم، مرکز جرم و گشتاور ماند	۲۹۷
محاسبه انتگرال یگانه به کمک انتگرال دوگانه	۲۹۹
مجموع ریمان و انتگرال‌های دوگانه	۳۰۱
درسنامه ۴: انتگرال‌های سه‌گانه	۳۰۳
ترتیب متغیرها در انتگرال سه‌گانه	۳۰۳
تعیین حدود انتگرال سه‌گانه	۳۰۴
ویژگی‌های انتگرال سه‌گانه	۳۱۰
استفاده از خاصیت زوج یا فرد بودن تابع تحت انتگرال در انتگرال‌های سه‌گانه	۳۱۱
استفاده از تقارن متغیرها در انتگرال‌های سه‌گانه	۳۱۲
درسنامه ۵: تغییر متغیر در انتگرال‌های سه‌گانه	۳۱۵
دستگاه مختصات استوانه‌ای	۳۱۸
تعیین حدود انتگرال‌ها در دستگاه استوانه‌ای	۳۱۸
انتگرال سه‌گانه در مختصات کروی	۳۲۲
یافتن حدود انتگرال‌ها در دستگاه مختصات کروی	۳۲۴
همگرایی یا واگرایی انتگرال سه‌گانه	۳۳۴
ماکریم یا مینیمم کردن انتگرال سه‌گانه	۳۳۴
درسنامه ۶: کاربردهای انتگرال سه‌گانه	۳۲۵
محاسبه حجم ناحیه D	۳۳۵
محاسبه جرم و گشتاورهای جرم	۳۵۹
مقدار متوسط تابع $f(x, y, z)$	۳۶۵
مجموع ریمان در انتگرال‌های سه‌گانه	۳۶۵

فصل پنجم: انتگرال روی خط یا انتگرال روی منحنی

درسنامه ۷: انتگرال روی خط یا انتگرال روی مسیر	۳۶۶
۱- انتگرال روی منحنی برای توابع عددی	۳۶۶
پارامتری کردن منحنی‌ها	۳۶۸
روش حل انتگرال روی منحنی (یا انتگرال روی خط)	۳۶۹
۲- انتگرال روی منحنی برای توابع برداری	۳۷۴
نمایش دیگر انتگرال روی منحنی برای توابع برداری (نمایش دیفرانسیلی)	۳۷۵

فهرست مطالب

درسنامه ۲: تعاریف دیگر و کاربردهای انتگرال خط	۳۸۴
کاربرد انتگرال خط توابع عددی	۳۸۴
تعاریف دیگر و کاربرد انتگرال منحنی الخط توابع برداری	۳۸۷
تعریف کار و ارتباط آن با انتگرال منحنی الخط	۳۸۸
تعریف انتگرال های جریان یا گردش (چرخش)	۳۹۱
شار گذرنده از یک خم واقع در صفحه	۳۹۲
درسنامه ۳: میدان های پایستار	۳۹۳
انتگرال خط مستقل از مسیر و تعریف میدان های پایستار	۳۹۳
تعیین تابع پتانسیل \bar{F} برای میدان پایستار	۳۹۵
روش راحت تر برای تعیین تابع پتانسیل	۳۹۶
بررسی میدان هایی که کرل آن ها صفر است، اما پایستار نیستند.	۴۰۲
نکاتی در مورد تعداد دفعات و جهت پیموده شدن منحنی های بسته	۴۰۷
درسنامه ۴: قضیه گرین	۴۰۹
چند تعریف در مورد منحنی های پارامتری و نواحی در صفحه	۴۰۹
صورت دیگر قضیه گرین (قضیه دیورژانس در صفحه)	۴۲۷
شکل برداری قضیه گرین	۴۲۸
تعمیم قضیه گرین (در نواحی چندگانه همبند)	۴۲۸
تغییر مسیر انتگرال گیری به شکل ساده تر	۴۳۱

فصل ششم: انتگرال روی سطح

درسنامه ۱: انتگرال روی سطح برای توابع حقیقی و کاربردهای آن	۴۳۳
روش حل سوالات انتگرال روی سطح برای توابع عددی	۴۳۴
روشی دیگر برای محاسبه $d\sigma$	۴۳۶
کاربرد انتگرال سطح توابع عددی (محاسبه جرم، مرکز جرم، گشتاورهای اول و دوم سطح S)	۴۵۳
درسنامه ۲: انتگرال سطح برای توابع برداری و قضیه دیورژانس	۴۵۵
روش حل انتگرال روی سطح برای توابع برداری	۴۵۵
نمایش های دیگر انتگرال سطح برای توابع برداری	۴۵۹
قضیه دیورژانس (قضیه واگرایی یا گاووس)	۴۵۹
تشخیص باز یا بسته بودن سطح S	۴۷۳
بررسی سطوح بسته ای که دیورژانس میدان صفر است، ولی گاهی شار عبوری از آن ها صفر نیست!	۴۸۷
درسنامه ۳: قضیه استوکس	۴۹۰
نتیجه هی قضیه هی استوکس	۵۰۶
سوالات و پاسخنامه آزمون کارشناسی ارشد ۱۴۰۳	۵۱۱
منابع و مراجع	۵۳۸